

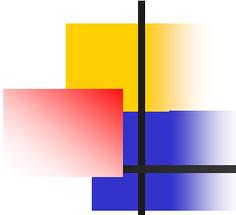
# Получение глубины из движения камеры

---

Зачесов Антон

*Video Group*  
*CS MSU Graphics & Media Lab*

30.03.2015



# Содержание

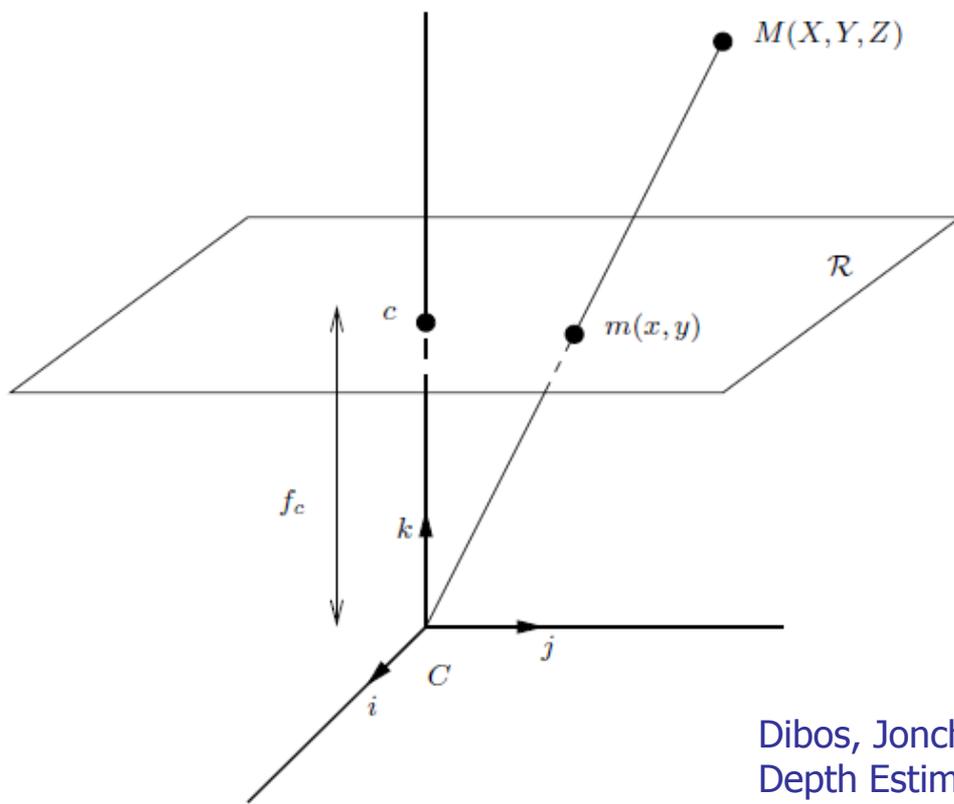
---

- **Введение**
- Iterative Depth Estimation
- Live Scene Reconstruction
- Real-time Depth Estimation
- Свой алгоритм

# Введение

## Постановка задачи

Каждая точка пространства при съемке проецируется на плоскость кадра



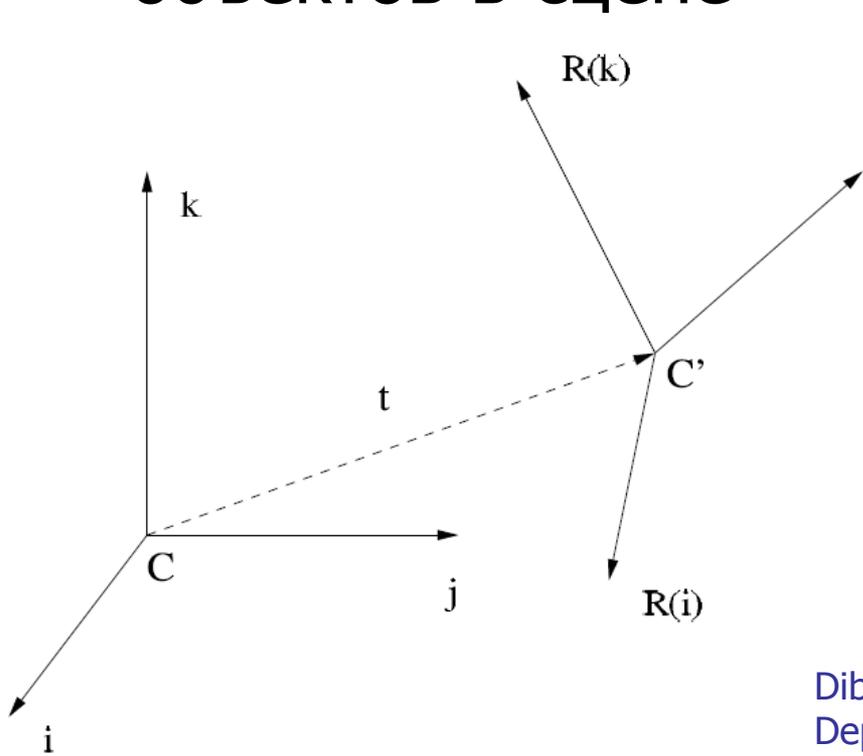
$$x = f_c \frac{X}{Z} \quad y = f_c \frac{Y}{Z}$$

$f_c$  – фокусное  
расстояние камеры

# Введение

## Постановка задачи

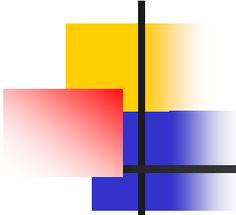
Зная движение камеры, можно точно  
восстановить отношение глубины разных  
объектов в сцене



$$R = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix} \quad t = \begin{pmatrix} t_1 \\ t_2 \\ t_3 \end{pmatrix}$$

$R$  – матрица поворота

$t$  – вектор сдвига



# Содержание

---

- Введение
- **Iterative Depth Estimation**
- Live Scene Reconstruction
- Real-time Depth Estimation
- Свой алгоритм

# Iterative Depth Estimation

## Camera motion estimation

- Фокусное расстояние камеры  $f_c = 1$
- Используется упрощение 12-параметрической модели:

$$R = \begin{pmatrix} a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ a_3 & b_3 & c_3 \end{pmatrix}$$

$$t = \begin{pmatrix} t_1 \\ t_2 \\ t_3 \end{pmatrix}$$

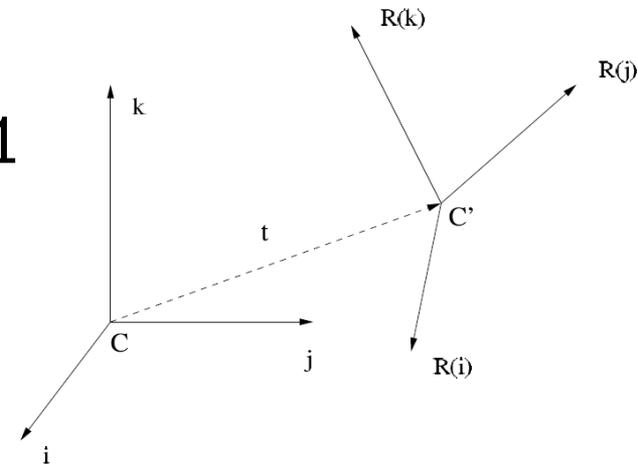


$$R = R_{\theta, \alpha} R_{\beta}^k$$

$$t = (A, B, C)$$

$R_{\beta}^k$  – поворот вокруг оси  $k$   
на угол  $\beta$

$R_{\theta, \alpha}$  – поворот на угол  $\alpha$   
вокруг оси  $\Delta$ , угол  $(i, \Delta) = \theta$



# Iterative Depth Estimation

- Группа из шести параметров  $(\theta, \alpha, \beta, A, B, C)$  однозначно описывает движение камеры
- Через эти параметры можно выразить смещение блоков изображений

$$\begin{cases} x' - x \approx -Cx + A - \beta y - \alpha x(y \cos \theta - x \sin \theta) + \alpha \sin \theta \\ y' - y \approx -Cy + B + \beta x - \alpha y(y \cos \theta - x \sin \theta) - \alpha \cos \theta \end{cases}$$

$(x', y')$ ,  $(x, y)$  – координаты пикселей точки

# Iterative Depth Estimation

Идея



Первый кадр



# Iterative Depth Estimation

Идея



Второй кадр



# Iterative Depth Estimation

Идея



Искаженный первый кадр



# Iterative Depth Estimation

Идея



Первый кадр



# Iterative Depth Estimation

Идея



Модули смещений блоков между исходным и искаженным кадрами



# Iterative Depth Estimation

- Для восстановления глубины сцены применяется belief propagation (100 итераций)

- Максимизируется вероятность

$$P(\mathbf{x}) = P(X = \mathbf{x} | Y = y)$$

$$y = \{f, g, \theta, \alpha, \beta, t_1, t_2, t_3\}$$

$f, g$  – кадры

$y$  – реализация random field  $Y$

$x$  – глубина сцены по отношению к кадру  $f$

# Iterative Depth Estimation

$$P(\mathbf{x}) \propto P(Y = y | X = \mathbf{x}) P(X = \mathbf{x})$$

$$P(Y = y | X = \mathbf{x}) = \prod_{s \in V} \psi(\mathbf{x}_s)$$

$V$  – множество всех пикселей

$\mathbf{x}_s$  – относительная глубина в пикселе  $s$

$\psi(\mathbf{x}_s)$  – вероятность определения глубины для пикселя  $s$

$$\psi(\mathbf{x}_s) = (1 - e_2) e^{-\frac{|f(s) - g(s')|}{\sigma_2}} + e_2$$

$s' = (x', y')$  – координаты пикселя  $(x, y)$  после применения к нему преобразования  $\{\theta, \alpha, \beta, t_1, t_2, t_3\}$

# Iterative Depth Estimation

$$P(\mathbf{x}) \propto P(Y = y | X = \mathbf{x}) P(X = \mathbf{x})$$

$$P(X = \mathbf{x}) = \prod_{(s,t) \in E} \psi_{st}(\mathbf{x}_s, \mathbf{x}_t)$$

$E$  – множество границ

$\psi_{st}(\mathbf{x}_s, \mathbf{x}_t)$  – отвечает за непрерывность глубины для соседних пикселей  $s$  и  $t$

$$\psi_{st}(\mathbf{x}_s, \mathbf{x}_t) = (1 - e_1) e^{-\frac{|\mathbf{x}_s - \mathbf{x}_t|}{\sigma_1}} + e_1$$

$$e_1, \sigma_1 = \text{const}$$

# Iterative Depth Estimation

## Метод уточнения глубины

- Идея – попеременно искать и уточнять параметры движения камеры и карту глубины
- Глубина сцены делится на  $H$  уровней  $\Lambda = I_1 \cup I_2 \cup \dots \cup I_H$
- На каждом шаге  $i$ :
  - Для каждой  $I_h$  считается смещение с глубиной  $\hat{X}_h$
  - Для каждой  $I_h$  считается вес вклада в общее движение в кадре  $p_h = \#\{X_{i-1} \in I_h\} / \#K$
  - По полученным смещениям каждой области получаем новые параметры камеры  $\varphi_i = \{\theta, \alpha, \beta, t_1, t_2, t_3\}$
  - Если  $\|f \circ \varphi_i - g\|_1 < \|f \circ \tilde{\varphi} - g\|_1$ , то  $\tilde{\varphi} = \varphi_i$

# Iterative Depth Estimation

Исходный кадр 1



# Iterative Depth Estimation

## Исходный кадр 2



# Iterative Depth Estimation

## Результаты



100 итераций belief propagation



15 итераций алгоритма  
уточнения

# Iterative Depth Estimation

## Исходный кадр 1



# Iterative Depth Estimation

## Исходный кадр 2



# Iterative Depth Estimation

## Результаты



100 итераций belief propagation



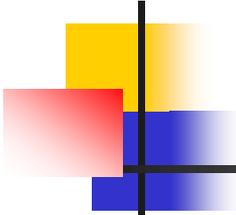
15 итераций алгоритма  
уточнения

# Iterative Depth Estimation

## Выводы



- Достоинства
  - Надежный алгоритм вычисления параметров движения камеры
  - Эффективный метод расчета глубины
- Недостатки
  - Вычислительная сложность
  - Изначальное деление глубины на фиксированное число уровней



# Содержание

---

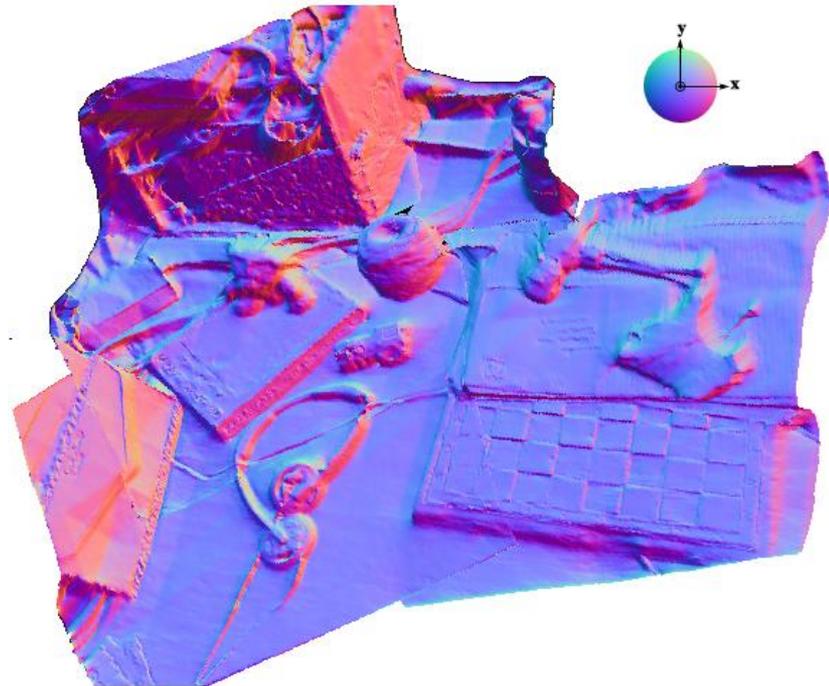
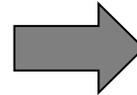
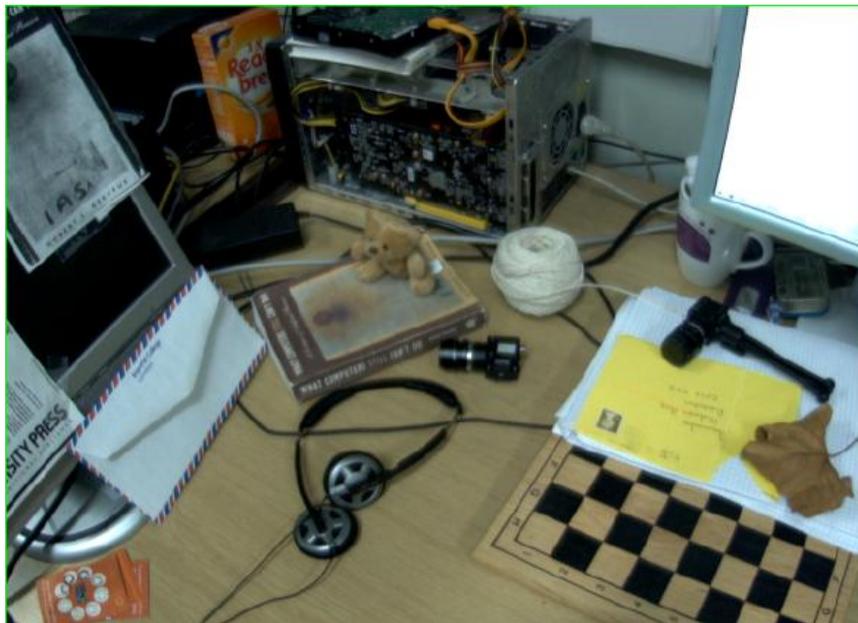
- Введение
- Iterative Depth Estimation
- **Live Scene Reconstruction**
- Real-time Depth Estimation
- Свой алгоритм

# Live Scene Reconstruction

## Постановка задачи



По видео, снятому 2D-камерой, точно  
восстановить глубину и построить достоверную  
модель сцены



# Live Scene Reconstruction

## Camera motion estimation

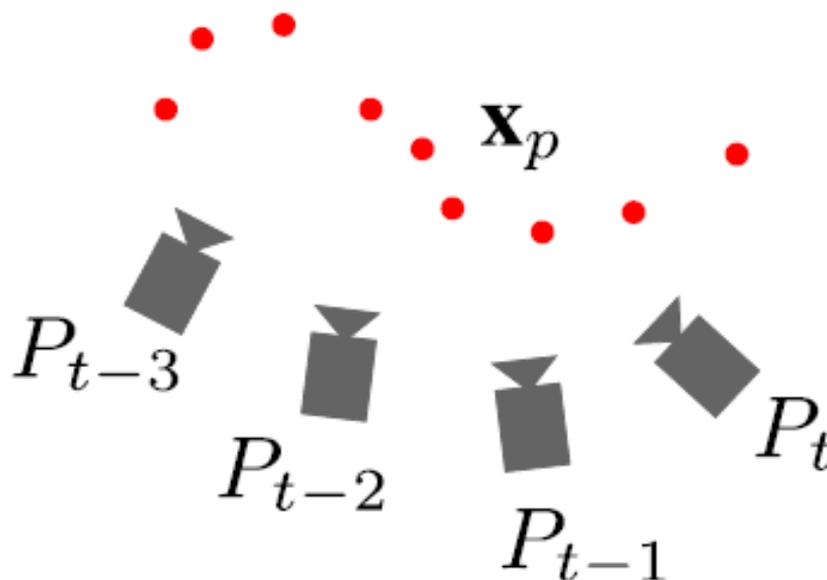
Анализ движения:  
Parallel Tracking and Mapping system (PTAM)



# Live Scene Reconstruction

## Camera motion estimation

- PTAM позволяет расставлять в видео ключевые кадры
- Для каждого ключевого кадра определяется позиция камеры и видимость каждой точки в нем



# Live Scene Reconstruction

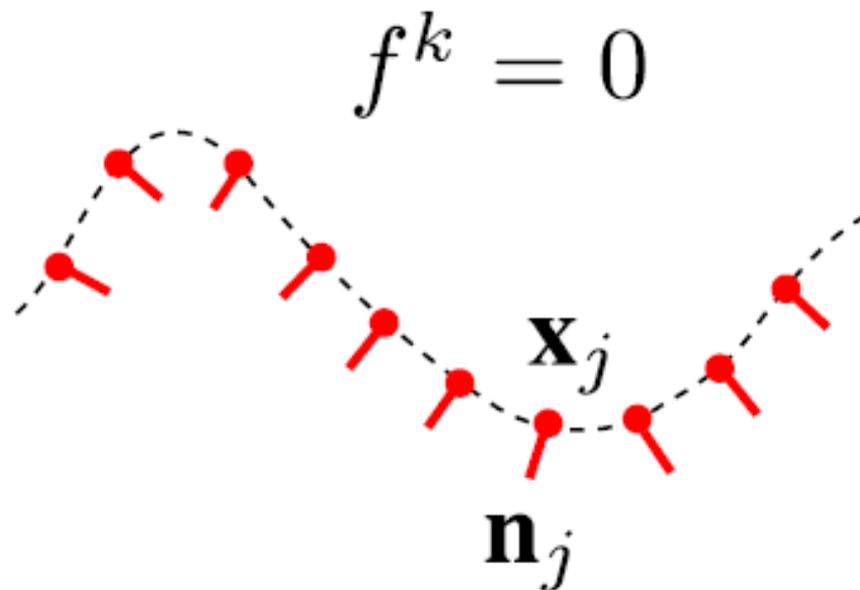
## Инициализация нормалей

В каждой точке  $x_j$  нормаль  $n_j$  принимается равной:

$$n_j = 1/N \times \Sigma(V(P_T))$$

$V(P_T)$  – направление на камеру в ключевом кадре  $T$

$N$  – число точек



# Live Scene Reconstruction

## Depth estimation

Для каждого ключевого кадра считается яркость  $I^{Ref}$  и матрица проекции точек пространства на плоскость этого кадра

$$P^{Ref} = K \left[ \mathbf{R}_{cw}^{ref\ T} \mid -\mathbf{R}_{cw}^{ref\ T} \mathbf{t}_{cw}^{ref} \right]$$

$K$  – матрица, получаемая при калибровке камеры

$\mathbf{R}_{cw}^{ref}$  – матрица поворота из системы координат камеры в мировую систему координат

# Live Scene Reconstruction

## Depth estimation

- Каждой точке  $\mathbf{x}_j = [x_j, y_j, z_j]^T$  ставится в соответствие проекция  $[u_j^i, v_j^i]^T = \mathbf{u}_j^i = \mathbf{P}^i(\mathbf{x}_j)$  для каждой камеры  $i$
- При малом смещении точки на расстояние  $\Delta \mathbf{x}_j$   $\Delta \mathbf{u}_j^i = \mathbf{u}_j^{i'} - \mathbf{u}_j^i$  может быть выражено формулой

$$\Delta \mathbf{u}_j^i = \mathbf{J}_{\mathbf{x}_j}^i \Delta \mathbf{x}_j$$

$$\mathbf{J}_{\mathbf{x}_j}^i \equiv \left. \frac{\partial \mathbf{P}^i}{\partial \mathbf{x}} \right|_{\mathbf{x}_j} \equiv \left[ \begin{array}{ccc} \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial x} & \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial y} & \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial z} \\ \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial x} & \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial y} & \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial z} \end{array} \right] \bigg|_{\mathbf{x}_j}$$

# Live Scene Reconstruction

## Depth estimation

- Якобиан рассчитывается для матрицы проекции каждого ключевого кадра
- Из полученных линейных систем можно вычислить  $\Delta \mathbf{x}_j$  для каждого пикселя

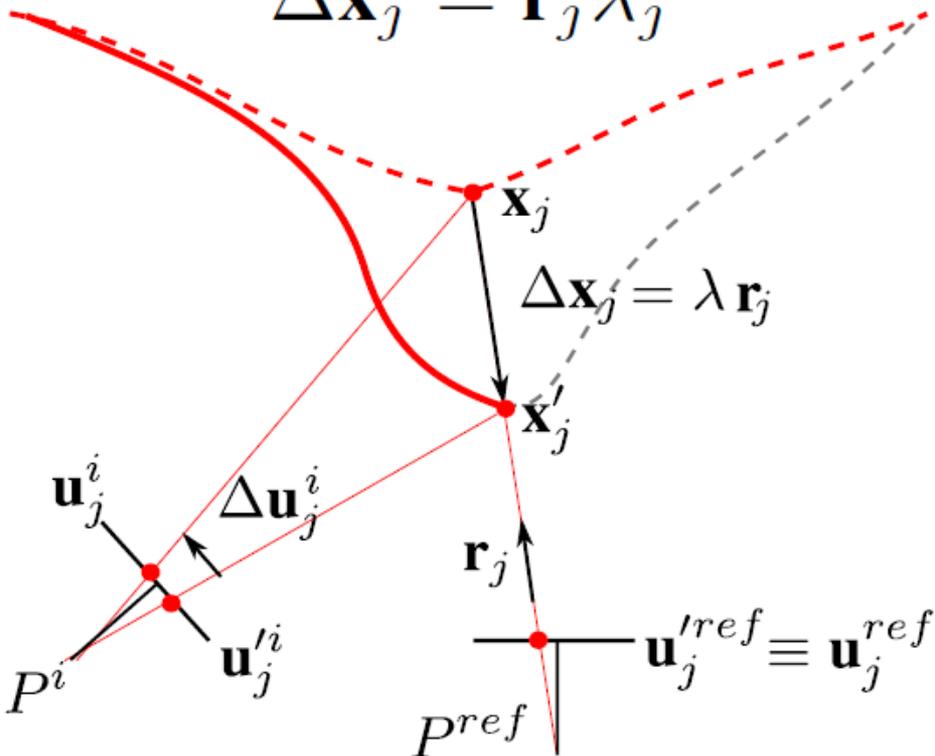
$$\Delta \mathbf{u}_j^i = \mathbf{J}_{\mathbf{x}_j}^i \Delta \mathbf{x}_j$$

$$\mathbf{J}_{\mathbf{x}_j}^i \equiv \left. \frac{\partial \mathbf{P}^i}{\partial \mathbf{x}} \right|_{\mathbf{x}_j} \equiv \left[ \begin{array}{ccc} \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial x} & \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial y} & \frac{\partial \mathbf{P}_u^i}{\partial z} \\ \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial x} & \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial y} & \frac{\partial \mathbf{P}_v^i}{\partial z} \end{array} \right] \Bigg|_{\mathbf{x}_j}$$

# Live Scene Reconstruction

## Уточнение глубины

$$\Delta \mathbf{x}_j = \mathbf{r}_j \lambda_j$$



- $\mathbf{r}_j$  – луч из позиции камеры к пикселю  $j$
- $\lambda_j$  – параметр для каждой вершины
- $P^{ref}$  – ключевой кадр
- $P^i$  – один из соседних кадров

# Live Scene Reconstruction

## Уточнение глубины

$$\begin{bmatrix} r_j^x \\ r_j^y \\ r_j^z \end{bmatrix} \equiv \mathbf{r}_j = \frac{\mathbf{R}_{cw}^{ref} [\mathbf{u}_j^{ref\top} | 1]}{\|\mathbf{R}_{cw}^{ref} [\mathbf{u}_j^{ref\top} | 1]\|}$$

$\mathbf{R}_{cw}^{ref}$  – матрица поворота из системы координат камеры в мировую систему координат

$\mathbf{K}_j^i$  – скалярное произведение

$$\Delta \mathbf{u}_j^i = \mathbf{K}_j^i \lambda_j \quad \mathbf{K}_j^i \equiv \mathbf{J}_{\mathbf{x}_j}^i \mathbf{r}_j$$

$$\begin{bmatrix} u_j^1 \\ v_j^1 \\ \vdots \\ u_j^{2n} \\ v_j^{2n} \end{bmatrix} \equiv \Delta \mathbf{u}_j \quad \begin{bmatrix} K[u]_j^1 \\ K[v]_j^1 \\ \vdots \\ K[u]_j^{2n} \\ K[v]_j^{2n} \end{bmatrix} \equiv \mathbf{K}_j$$

# Live Scene Reconstruction

## Уточнение глубины

- Система сводится к поиску  $\min_{\lambda_j} \|\mathbf{K}_j \lambda_j - \Delta \mathbf{u}_j\|$
- Решив систему, получаем параметр  $\lambda$ :

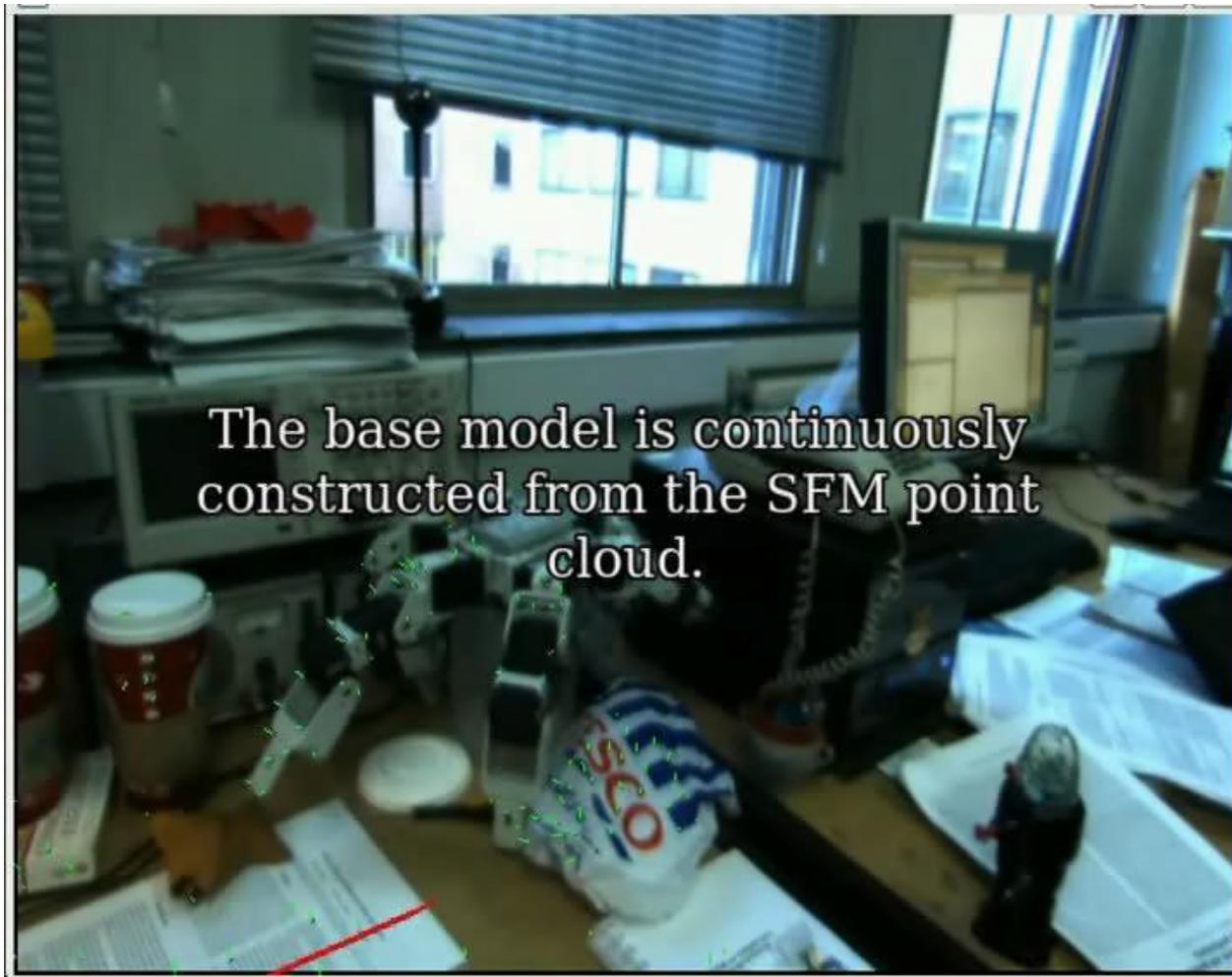
$$\lambda_j = (\mathbf{K}_j^T \mathbf{K}_j)^{-1} \mathbf{K}_j \Delta \mathbf{u}_j \equiv \frac{\sum_{a=1}^{2n} k_a u_a}{\sum_{a=1}^{2n} k_a^2}$$

- Получаем точные координаты вершины:

$$\mathbf{x}'_j = \mathbf{x}_j + \mathbf{r}_j \lambda_j$$

# Live Scene Reconstruction

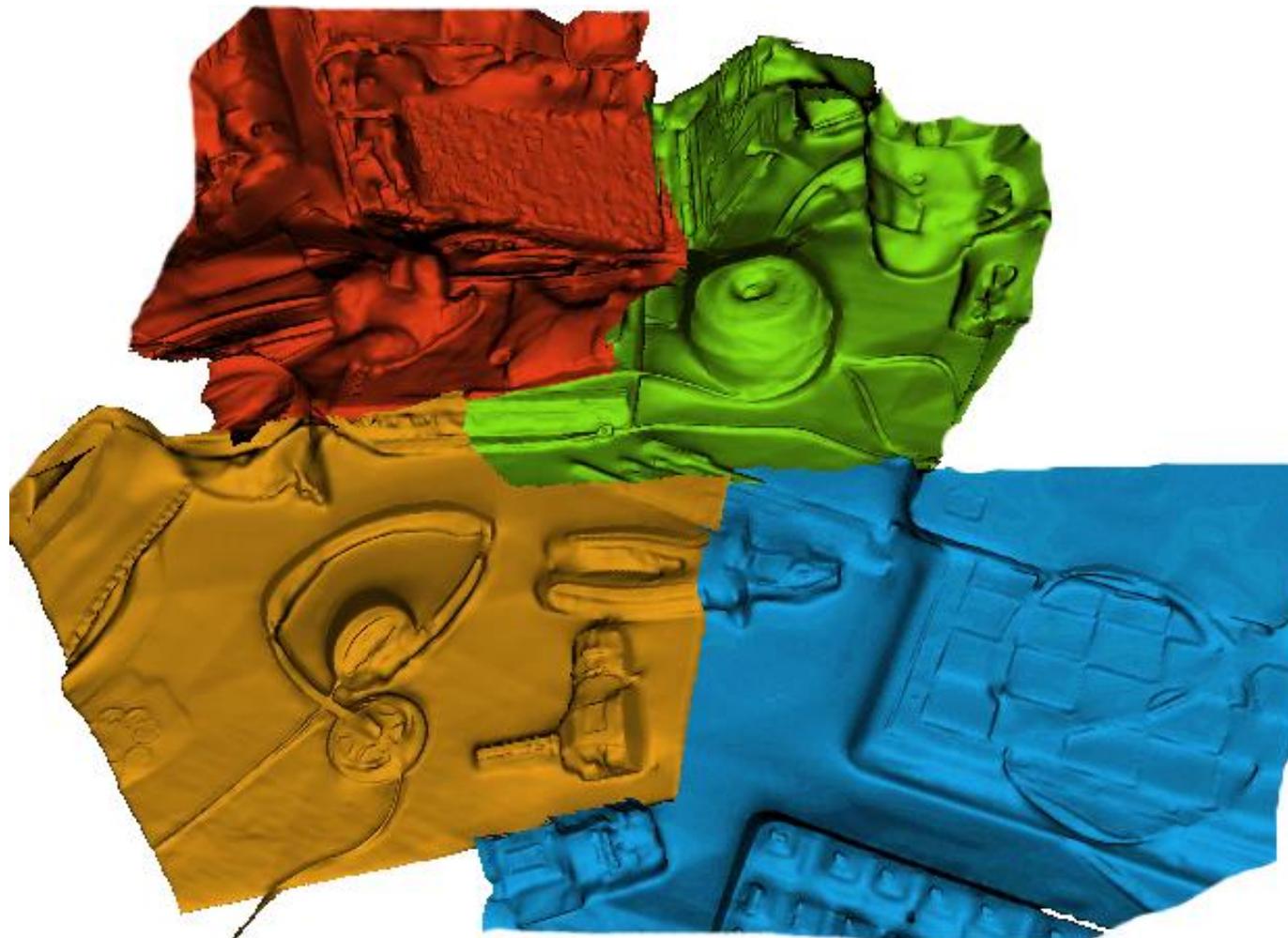
## Результаты





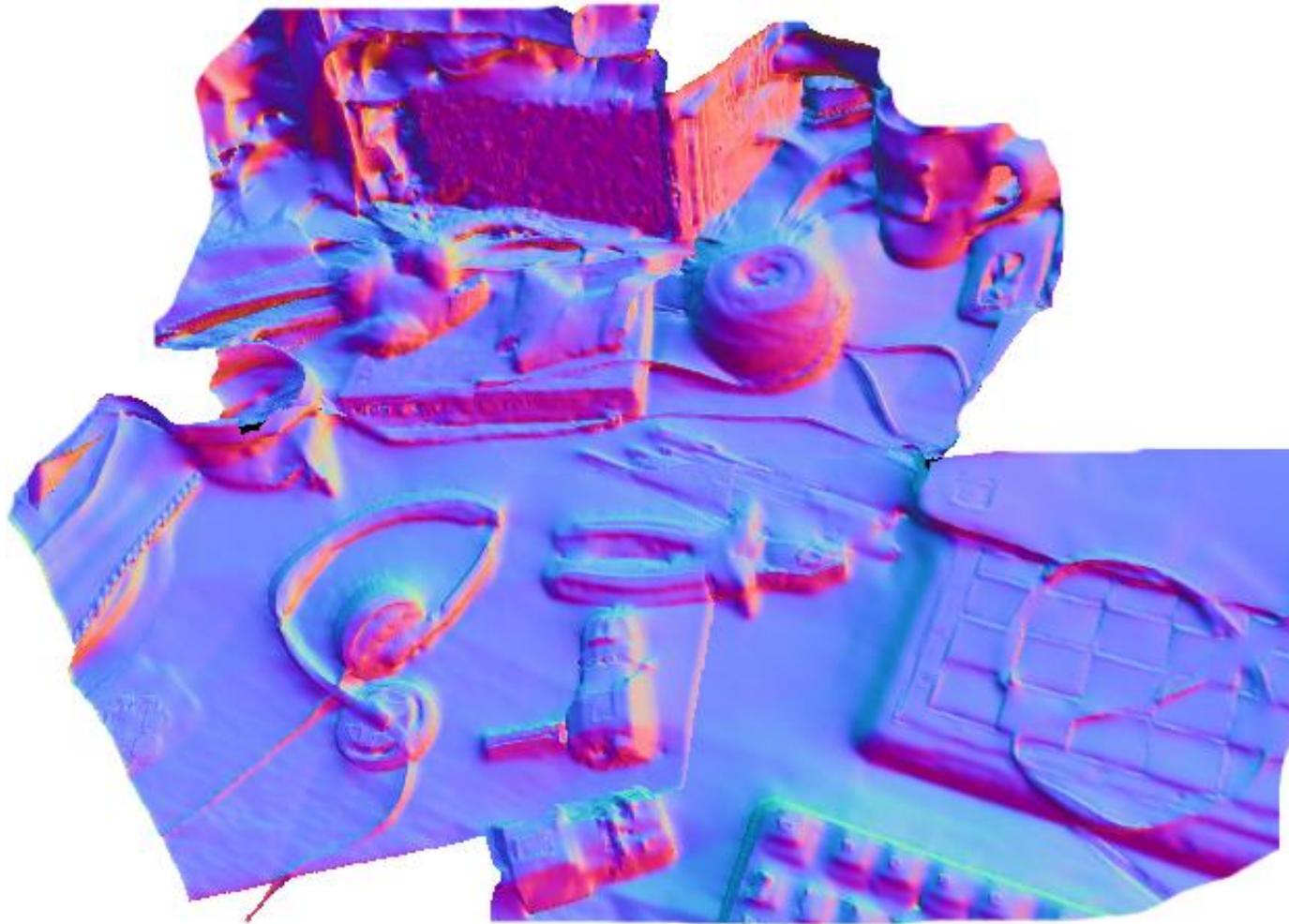
# Live Scene Reconstruction

Результаты



# Live Scene Reconstruction

Результаты

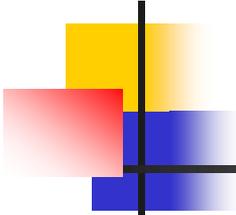


# Live Scene Reconstruction

## Итоги



- **Достоинства**
  - Скорость (засчет использования GPU)
    - Модель сцены строится в реальном времени
    - На QuadCore Xeon+2GPU – обновление модели каждые 2-5 секунд
  - Качество и точность получаемой карты глубины
- **Недостатки**
  - Необходимость калибровки камеры перед началом работы алгоритма



# Содержание

---

- Введение
- Iterative Depth Estimation
- Live Scene Reconstruction
- **Real-time Depth Estimation**
- Свой алгоритм

# Real-time Depth Estimation

- Та же задача реконструкции сцены по движению одной камеры
- Оптимизация – нет расчета 2D-motion векторов для каждой точки кадра

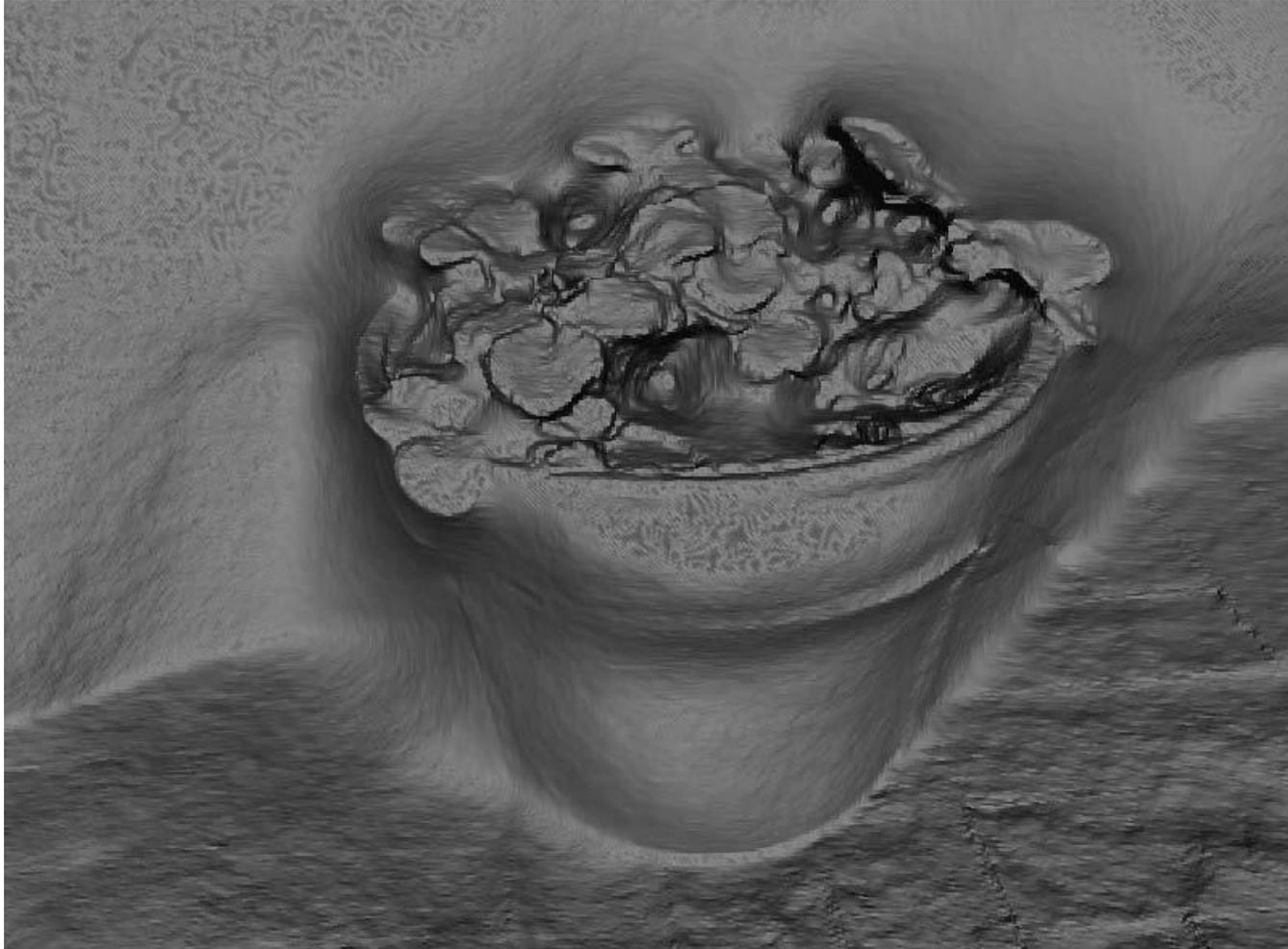
# Real-time Depth Estimation

Пример



# Real-time Depth Estimation

Пример



# Real-time Depth Estimation

Пример



# Real-time Depth Estimation

## 2 изображения



Для простого случая пары изображений минимизируется энергия вида:

$$E(h) = \lambda \int_{\Omega_0} \left| I_1(\pi(\exp(\hat{\xi}_1) \mathbf{X}(\mathbf{x}, h))) - I_0(\pi(\mathbf{x})) \right| d^2 \mathbf{x} + \int_{\Omega_0} |\nabla h| d^2 \mathbf{x}$$

$I_0, I_1$  – изображения

$\exp(\hat{\xi}_1)$  – 6 параметров камеры

$\pi$  – проекция точки из мировых координат на плоскость кадра

$\Omega_0$  – множество всех возможных глубин сцены

$h$  – глубина

# Real-time Depth Estimation

2 изображения

$$E(h) = \lambda \int_{\Omega_0} \left| I_1(\pi(\exp(\hat{\xi}_1) \mathbf{X}(\mathbf{x}, h))) - I_0(\pi(\mathbf{x})) \right| d^2 \mathbf{x} + \int_{\Omega_0} |\nabla h| d^2 \mathbf{x}$$

Разница между двумя изображениями, приведенными к одной системе координат

Позволяет избежать разрывов глубины на границах объектов

# Real-time Depth Estimation

$N$  изображений



$$E(h) = \lambda \int_{\Omega} \sum_{i \in \mathcal{I}(\mathbf{x})} |\rho_i(\mathbf{x}, h)| d^2\mathbf{x} + \int_{\Omega} |\nabla h| d^2\mathbf{x}$$

Для  $n$  последовательных изображений можно суммировать энергии каждой из пар

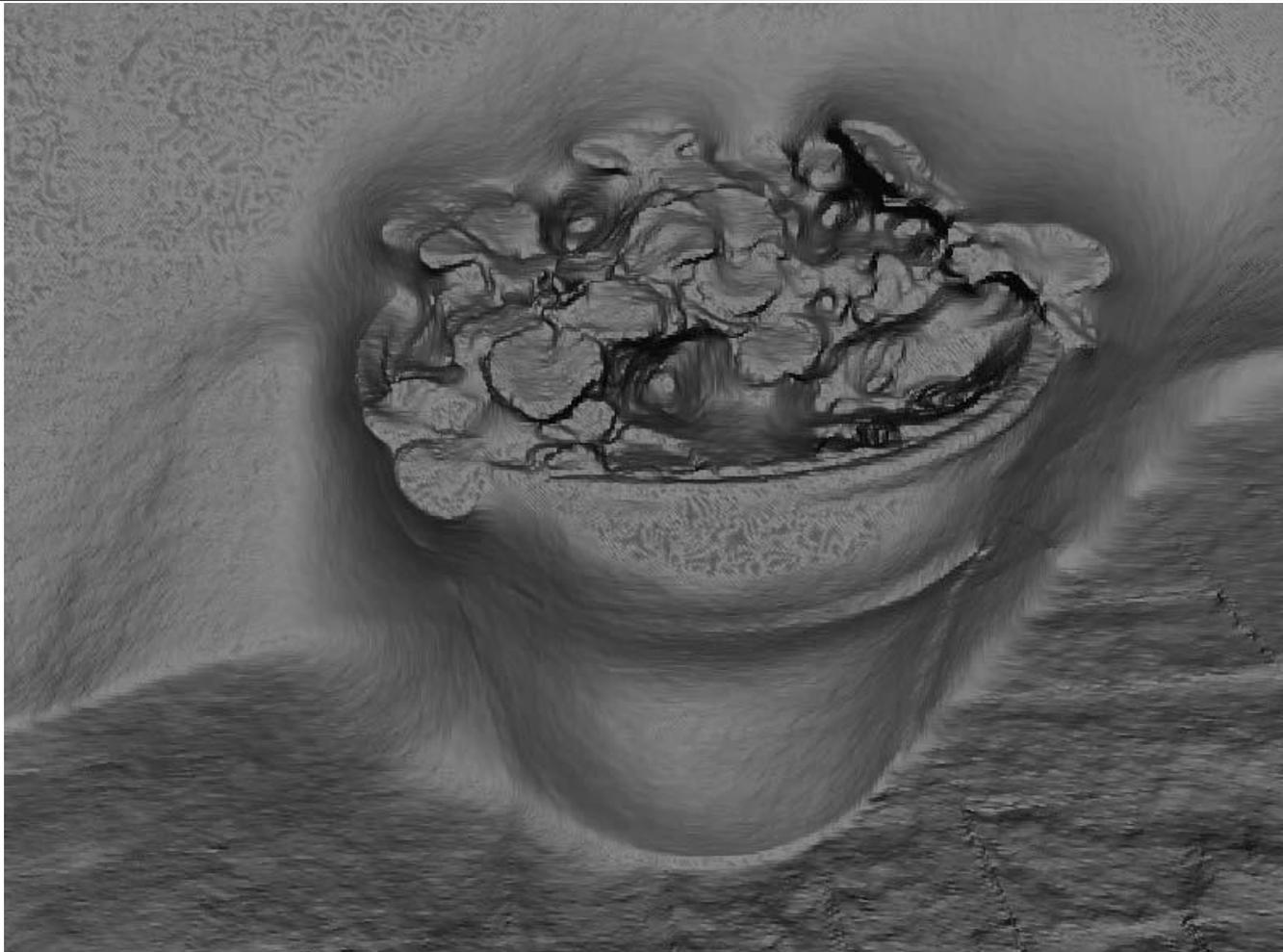
$$\rho_i(\mathbf{x}, h) = I_i(\mathbf{x}, h_0) + (h - h_0) I_i^h(\mathbf{x}) - I_0(\mathbf{x})$$

$I_i^h(\mathbf{x})$  – производная по  $h$  в точке  $h_0$

$\mathcal{I}(\mathbf{x})$  – множество кадров, для которых проекция точки  $\mathbf{x}$  находится внутри кадра

# Real-time Depth Estimation

Результат (без текстуры)



# Real-time Depth Estimation

Результат (с текстурой)



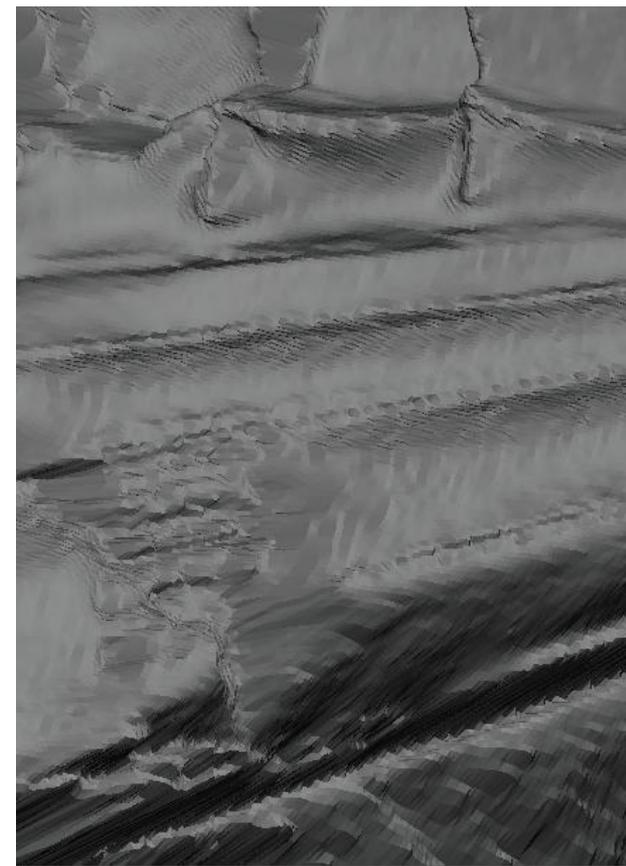
# Real-time Depth Estimation

## Исходные данные



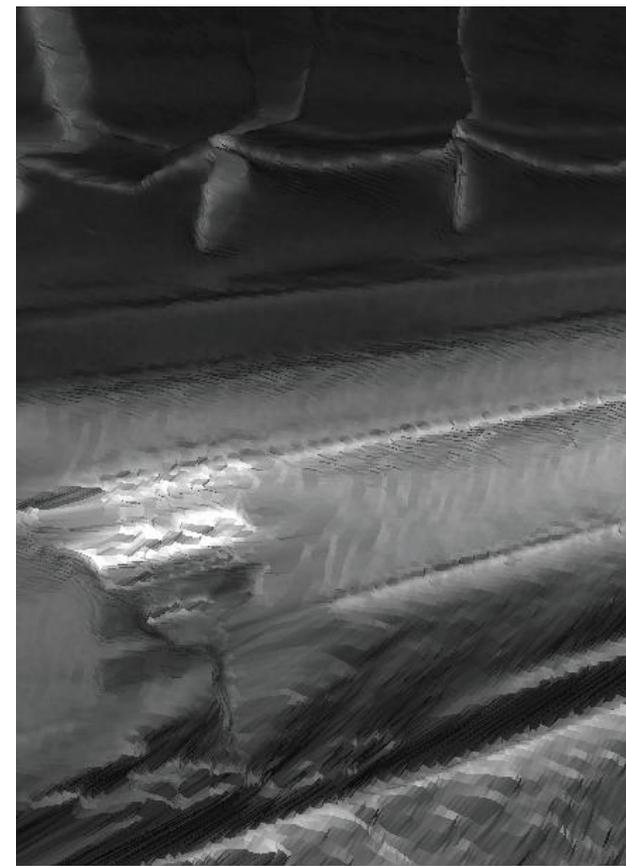
# Real-time Depth Estimation

Результат (без текстуры)



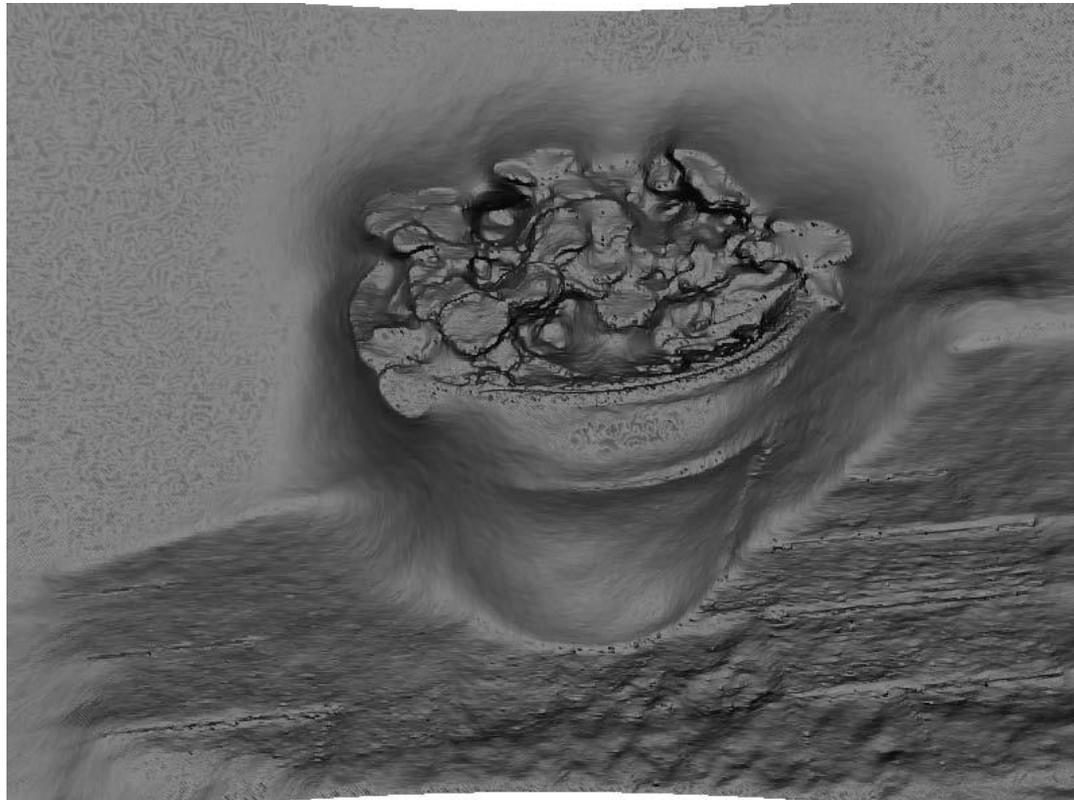
# Real-time Depth Estimation

Результат (с текстурой)



# Real-time Depth Estimation

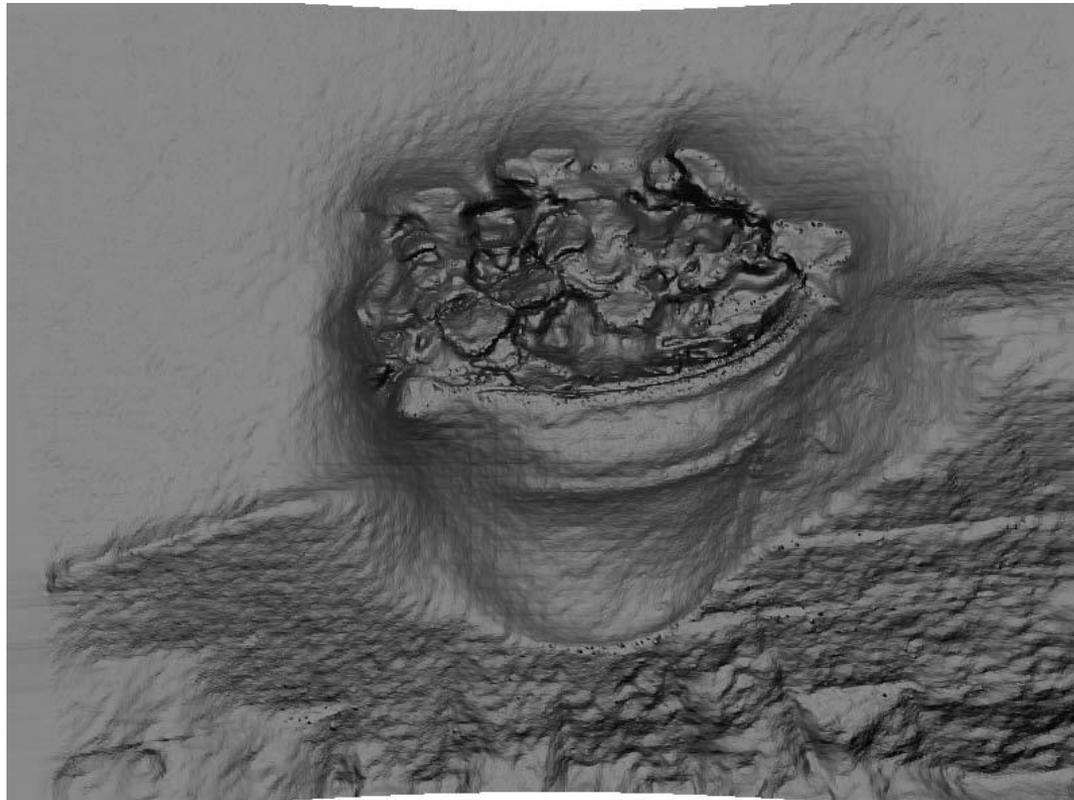
Скорость



High quality: 640x480, 1.8 fps

# Real-time Depth Estimation

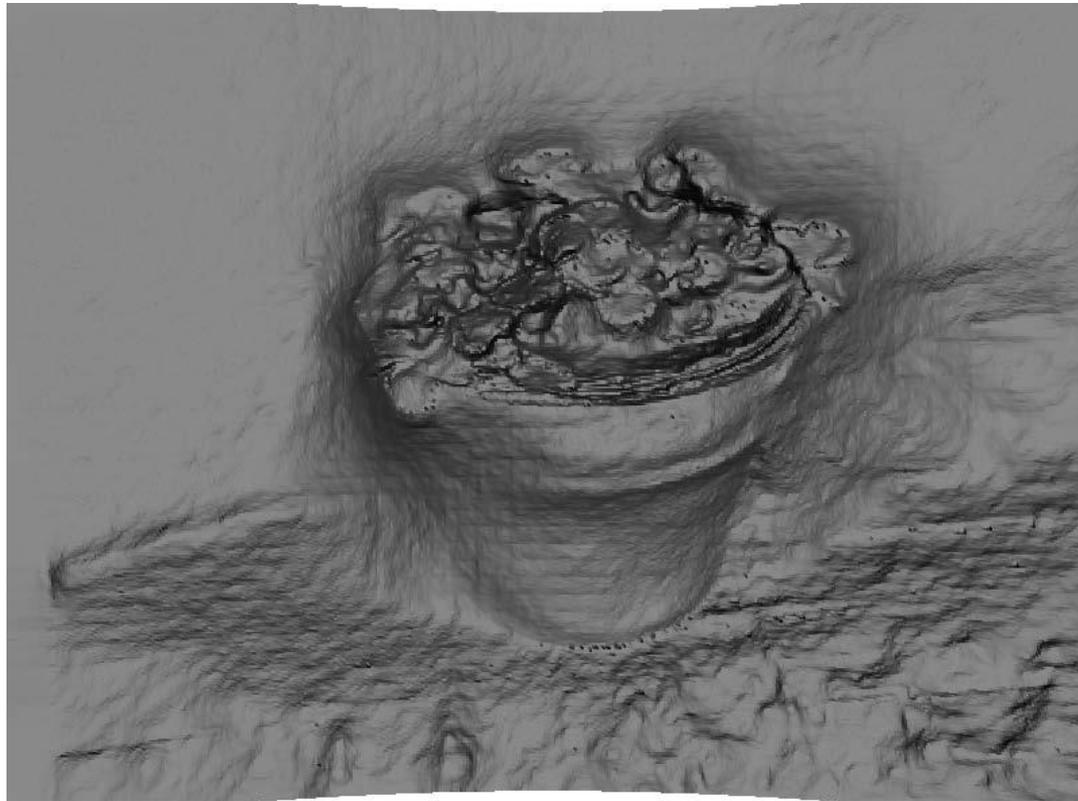
Скорость



Medium quality: 640x480, 11.4 fps

# Real-time Depth Estimation

Скорость



Low quality: 480x360, 24 fps

# Real-time Depth Estimation

## Итоги

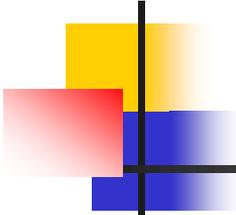


- Достоинства

- Высокая скорость и качество расчета (на NVidia GTX 480)
- Не требуется калибровка камеры

- Недостатки

- Не опубликованы результаты работы с реальным видео, а не с последовательностью из небольшого числа изображений



# Содержание

---

- Введение
- Iterative Depth Estimation
- Live Scene Reconstruction
- Real-time Depth Estimation
- **Свой алгоритм**

# Свой алгоритм

- Поиск матрицы проективного преобразования между соседними кадрами по данным ME
- Получение параметров движения камеры: перемещение и углы поворота
- Получение относительной глубины блока

$$Z = \text{magnitude} ( V_{\text{real}} - V_{\text{camera\_motion}} )$$

$V_{\text{real}}$  – motion vector текущего блока

$V_{\text{camera\_motion}} = \text{pixel\_pos} \times H$ , где  $H$  – исходная матрица преобразования

# Свой алгоритм

## Исходное видео



# Свой алгоритм

## Первоначальная карта глубины



# Свой алгоритм

## Карта глубины после фильтрации



# Свой алгоритм

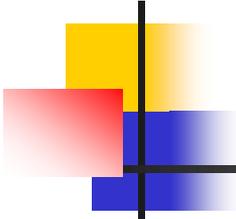
## Проблемы

- Неточная маска фона
- Неверный выбор точек при построении преобразования
- Ошибочное построение глубины для областей с низкой дисперсией и в областях открытия
- Слишком сильное поднятие движущихся объектов по глубине

# Свой алгоритм

## Дальнейшие планы

- Учет нескольких кадров при получении глубины
- Уточнение преобразования таким образом, чтобы параметры камеры не сильно изменялись от кадра к кадру
- Улучшение алгоритма заполнения областей с низким доверием к motion векторам



# Литература

---

1. Françoise Dibos, Claire Jonchery, and Georges Koepfler, "Iterative Camera Motion and Depth Estimation in a Video Sequence", Computer Analysis of Images and Pattern, 2009
2. Richard A. Newcombe and Andrew J. Davison, "Live Dense Reconstruction with a Single Moving Camera", Int. Conf. on Computer Vision and Pattern Recognition 2010
3. Jan Stühmer, Stefan Gumhold, and Daniel Cremers, "Real-Time Dense Geometry from a Handheld Camera", The German Association for Pattern Recognition DAGM, 2010